



Steganalysis of Quantum Audio Signal using Quantum Support Vector Machine Algorithm

Sanaz Norouzi Larki¹ Mohammad Mosleh^{1*} Mohammad Kheyrandish³

Department of Computer Engineering, Dezful Branch, Islamic Azad University, Dezful, Iran

((Received: 2023/01/23, Revised: 2023/07/07, Accepted: 2023/07/26, Published: 2023/9/29))

DOR: <https://dorl.net/dor/ 20.1001.1.23224347.1402.11.3.1.6>

Abstract

With the advent of quantum computing theory and quantum communication networks, establishing confidential and secure communication has become challenging. Quantum audio signal steganalysis is one of the interesting subfields in the field of quantum signal processing and quantum computing, which tries to identify hidden communications in the context of quantum communication networks by using feature extraction techniques and quantum machine learning algorithms. Since steganography causes inevitable changes in the statistical characteristics of the frequency domain of the host signal, it can be used as an efficient and effective tool to build comprehensive and accurate steganalysis. So; At first, the proposed method uses quantum Fourier transform on QRDS audio signal to extract statistical features. For this purpose, the proposed quantum circuit network of these features, quantum spectral center and quantum spectral bandwidth has been designed and implemented. Finally, the Quantum Support Vector Machine (QSVM) algorithm, using the extracted features, separates clean and stego data sets with an accuracy of more than 95%.

Keywords: Quantum steganalysis, Quantum signal processing, Quantum Audio, Quantum Signal Representation, Quantum Fourier transform, Quantum Spectrum Centroid, Quantum Spectrum Bandwidth

This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license.

Publisher: Imam Hussein University

Authors



*Corresponding Author Email: Mohammad.Mosleh@iau.ac.ir

نهان کاوی سیگنال صوت کوانتومی با استفاده از الگوریتم ماشین بردار پشتیبان کوانتومی

ساناز نوروزی لرکی^۱، محمد مصلح^{۲*}، محمد خیراندیش^۳

۱- دانشجوی دکترا، ۲- دانشیار، گروه مهندسی کامپیوتر، واحد دزفول، دانشگاه آزاد اسلامی، دزفول، ایران

(دریافت: ۱۴۰۱/۱۱/۰۳، بازنگری: ۱۴۰۲/۰۴/۱۶، پذیرش: ۱۴۰۲/۰۵/۰۴، انتشار: ۱۴۰۲/۰۷/۰۶)

DOR: <https://dorl.net/dor/20.1001.1.23224347.1402.11.3.1.6>



* این مقاله یک مقاله با دسترسی آزاد است که تحت شرایط و ضوابط مجوز Creative Commons Attribution (CC BY) توزیع شده است.

نویسنده‌گان

ناشر: دانشگاه جامع امام حسین (ع)

چکیده

با ظهر نظریه محاسبات کوانتومی و شبکه‌های ارتباطی کوانتومی، برقراری ارتباط محترمانه و ایمن چالش برانگیز شده است. نهان کاوی سیگنال صوت کوانتومی یکی از زیرشاخه‌های موردنظر در حوزه پردازش سیگنال کوانتومی و محاسبات کوانتومی است که سعی دارد با استفاده از تکنیک‌های استخراج ویژگی و الگوریتم‌های یادگیری ماشین کوانتومی، ارتباطات مخفی در بستر شبکه‌های ارتباطی کوانتومی را شناسایی کند. با توجه به اینکه پنهان‌نگاری باعث تغییرات اجتناب‌نپذیری در ویژگی آماری حوزه فرکانس سیگنال می‌شود، می‌توان از آن به عنوان یک ابزار کارآمد و مؤثر برای ساختن نهان کاو جامع و دقیق استفاده کرد؛ بنابراین، روش پیشنهادی در ابتدا، از تبدیل فوریه کوانتومی روی سیگنال صوت QRDS برای استخراج ویژگی‌های آماری استفاده می‌کند. برای این منظور، شبکه‌مدار کوانتومی پیشنهادی این ویژگی‌ها شامل مرکز طیفی کوانتومی و پهنانی باند طیفی کوانتومی طراحی و پیاده‌سازی شده است. در نهایت، الگوریتم ماشین بردار پشتیبان کوانتومی (QSVM)، با استفاده ویژگی‌های استخراج شده مجموعه داده‌های پاک و گنجانه با دقت بیشتر از ۹۵٪ از هم تفکیک می‌شوند.

کلیدواژه‌ها: نهان کاو کوانتومی، پردازش سیگنال کوانتومی، صوت کوانتومی، نمایش سیگنال کوانتومی، تبدیل فوریه کوانتومی، مرکزیت طیف کوانتومی، پهنانی باند طیف کوانتومی

مجموعه‌های مشخصی از روش‌های پنهان‌نگاری استفاده شود. روش نهان کاوی هدفمند، به طور خاص از الگوریتم نهان کاوی مشخصی

برای تشخیص یک طرح پنهان‌نگاری خاص استفاده می‌کند. یکی از مهمترین اجزاء یک سیستم نهان کاوی، اشیاء یا رسانه‌های حامل می‌باشند که صوت و تصویر دیجیتال به عنوان مهمترین رسانه‌های حامل مورد استفاده در نهان کاوی کلاسیک می‌باشند. در دنیای محاسبات کوانتومی، پنهان‌نگاری کوانتومی نیازمند رسانه‌های حامل جهت پنهان‌سازی داده‌های مخفی می‌باشند؛ با توجه به اینکه بیان و نمایش سیگنال‌های کوانتومی اعم از صوت و تصویر در دنیای محاسبات کوانتومی بسیار متفاوت‌تر از سیگنال‌های کلاسیک می‌باشد در ادامه به معرفی نمایش‌های رایج و پرکاربرد سیگنال‌های تصویر و صوت کوانتومی پرداخته می‌شود. پردازش تصویر کوانتومی^۵ یک زیر حوزه در حال ظهور است که بر توسعه و گسترش عملیات پردازش تصویر کلاسیک در چارچوب محاسبات کوانتومی متمرکز شده است. تحقیقات در زمینه پردازش تصویر با طرح پیشنهادها در مورد نمایش تصویر کوانتومی آغاز شد. اندراس و بوز^۶، نمایش شبکه‌ای کیوبیت^۷ برای رمزگذاری تصاویر کوانتومی پیشنهاد کردند و پس از آن

۱. مقدمه

نهان کاوی، نحوه تشخیص وجود پیام‌های محترمانه در یک رسانه، صوت، ویدئو و متن. تکنیک‌های نهان کاوی عموماً مبتنی بر میزبان است. رسانه‌های میزبان می‌توانند انواع مختلفی داشته باشند، از جمله تصویر الگوریتم‌های یادگیری ماشین هستند که بین رسانه حامل^۱ و رسانه گنجانه^۲ تمایز قائل می‌شوند. برخی از روش‌های نهان کاوی قادر به تشخیص گروهی از روش‌های پنهان‌نگاری هستند، و برخی دیگر فقط برای تشخیص یک روش جاسازی خاص طراحی شده است؛ بنابراین، با توجه به طیف وسیعی از روش‌های تشخیص پنهان‌نگاری، روش‌های نهان کاوی را می‌توان به سه نوع اصلی دسته‌بندی کرد: نهان کاوی کور^۳ (جامع)، نیمه کور و هدفمند (خاص)^۴ [۱]. رویکرد اساسی در نهان کاوی جامع بر این مبنای است که ویژگی‌هایی که به طور مستقیم پیام را تحت تأثیر قرار داده‌اند استخراج شوند و سپس طبقه‌بندی بر اساس این ویژگی‌های استخراج شده و با برخی دسته‌بندها^۵ صورت گیرد. روش نهان کاو نیمه کور، تنها می‌تواند بر روی

رایانامه نویسنده مسئول: Mohammad.Mosleh@iau.ac.ir

¹ Caver

² Stego

³ Universal

⁴ Classifier

⁵ Quantum Image Processing(QIP)

⁶ Qubit Lattice representation

سه دنباله کیوبیت درهمتنیده جهت ذخیره‌سازی اطلاعات دامنه، زمان و کانال‌های یک سیگنال صوتی پیشنهاد کردند، این روش الهام گرفته از روش‌های چندکاناله تصویر^{۱۱} QRMW و FRQA، یک سیگنال همانند روش‌های صوتی QRDA و صوت چندکاناله را صرفاً به صورت مقادیر صحیحی از دامنه نمونه‌ها نمایش می‌دهد. چهارلنگ و همکاران^[۱۰]، روش نمایش کوانتمومی جامع سیگنال‌های صوتی چندکاناله^[۱۲] (CQRDS) ارائه کردند، که هم قادر است اطلاعات نمونه‌های سیگنال را به صورت واقعی‌تر و به فرم غیرصحیح و اعشاری ذخیره کند و هم اینکه توانایی بکارگیری برای انواع سیگنال‌های صوتی تک‌کاناله و چندکاناله را دارا می‌باشد. روش پیشنهادی در حالت پایه به صورت نمایش چندکاناله ارائه شده است که با صفر قراردادن کیوبیت مربوط به اطلاعات کانال‌ها به صورت تک‌کاناله عمل می‌کند.

در زمینه پنهان‌نگاری صوت کوانتمومی تاکنون پژوهش‌های اندکی انجام شده است. چن و همکاران^[۱۱] بر مبنای نمایش صوت کوانتمومی FRQA، دو روش پنهان‌نگاری صوت کوانتمومی پیشنهاد کردند. این روش‌ها از مفهوم لایه‌های کیوبیت^[۱۳] برای تغییر یا دست‌کاری کم‌ارزش‌ترین کیوبیت^[۱۴] (LSQb) استفاده می‌کنند. لایه کیوبیت، موقعیت کیوبیت در صوت کوانتمومی میزبان می‌باشد که کیوبیت پیام صوت کوانتمومی به جای آن قرار می‌گیرد و الگوریتم LSQb به عنوان نسخه کوانتمومی الگوریتم LSB می‌باشد که برای پنهان کردن یک پیام کوانتمومی درون یک رسانه کوانتمومی بکار می‌رود. الگوریتم LSB کلاسیک بر مبنای جایگذاری هر بیت از اطلاعات پیام در کم‌ارزش‌ترین بیت از نمونه‌های یک سیگنال رسانه پوششی می‌باشد. روش اول (cLSQb)^[۱۵]، از لایه کیوبیت-L و روش دوم (pMSQ)^[۱۶]، از لایه کیوبیت-M- همکاران^[۱۲]، الگوریتم جاسازی مبتنی بر کم‌ارزش‌ترین کیوبیت برای رمزگذاری داده‌های محترمانه استفاده می‌کنند. چهارلنگ و همکاران^[۱۷]، اساس نمایش QRDS ارائه کردند. این روش اعشاری^[۱۸] (LSFQ) بر اساس نمایش QRDS استخراج ویژگی را در کم‌ارزش‌ترین کیوبیت بخش اعشاری از اطلاعات دامنه نمونه‌های سیگنال درج می‌کند.

تمامی روش‌های پنهان‌نگاری به نوعی باعث ایجاد تغییر یا دستکاری در محتوای سیگنال میزبان می‌شوند که روش‌های نهان‌کاوی از این تغییرات برای تشخیص عملیات پنهان‌نگاری استفاده می‌کنند. به طور کلی سیستم‌های نهان‌کاوی بر اساس تکنیک‌های استخراج ویژگی و الگوریتم‌های یادگیری مانشین ساخته می‌شوند^[۱۹]. روش‌های استخراج ویژگی به دو دسته

لاتور^[۳]، از نمایش کت حقیقی^[۱] برای بیان تصویر کوانتمومی استفاده نمود. لی و همکاران^[۲۰]، نمایش انعطاف‌پذیر تصاویر کوانتمومی^[۲] (FRQI) پیشنهاد دادند که در سال ۲۰۱۱ مورد بررسی و بازبینی قرار گرفت. اطلاعات لازم در مورد موقعیت هر نقطه از تصویر(پیکسل) و رنگ مربوط به آن را گرفته و در قالب یک حالت کوانتمومی بیان می‌کند. ژانگ و همکاران^[۲۱]، نمایش کوانتمومی پیشرفت‌هه جدید^[۲] (NEQR)، برای تصاویر دیجیتال ارائه کردند. در این روش برای ذخیره هر تصویر دیجیتال، از دو دنباله (رجیستر) کیوبیت درهمتنیده برای ذخیره مقادیر رنگ هر پیکسل و موقعیت آن‌ها استفاده می‌شود و کل یک تصویر را در یک حالت برهم‌نهای از دو رشته کیوبیت ذخیره می‌کند. اولین تلاش در جهت نمایش کوانتمومی صوت دیجیتال توسط وانگ^[۲۲]، تحت عنوان نمایش کوانتمومی صوت دیجیتال^[۲۳] (QRDA) ارائه شد. نمایش QRDA با الهام از نمایش تصویر کوانتمومی NEQR، از دو دنباله کوانتمومی درهمتنیده برای ذخیره اطلاعات دامنه و زمان نمونه‌های یک سیگنال استفاده می‌کند. مشکل روش QRDA این است که، تنها یک روش نمایش عددی تک قطبی (یعنی غیر منفی) برای مقادیر دامنه ارائه می‌دهد. یان و همکاران^[۲۴]، یک نمایش کوانتمومی جدید به نام نمایش انعطاف‌پذیر صوت کوانتمومی^[۲۵] (FRQA) ارائه کردند؛ این نمایش از همان شیوه نمایش QRDA استفاده می‌کند با این تفاوت که اطلاعات مربوط به مقادیر دامنه نمونه‌ها را در سیستم مکمل دو^[۲۶] کدگذاری می‌کند و هدف آن ارائه عملیات‌های پردازش صوت کوانتمومی پایه بدون خطا، بر مبنای نمایش دوقطبی مقادیر دامنه نمونه‌های سیگنال بوده است. روش نمایش کوانتمومی سیگنال‌های دیجیتال^[۲۷] (QRDS) توسط لی و همکاران^[۲۸] به عنوان اولین روش نمایش سیگنال صوتی کوانتمومی با قابلیت ذخیره‌سازی مقادیر دامنه نمونه‌های یک سیگنال به صورت اعداد غیر صحیح و اعشاری ارائه شد. روش QRDS نیز مشابه روش‌های قبل از دو کیوبیت در هم تبینیده برای ذخیره اطلاعات دامنه و زمان نمونه‌های یک سیگنال استفاده می‌کند. سه روش QRDS و QRDA,FRQA و QRDS^[۲۹] برای ذخیره‌سازی اطلاعات یک سیگنال کوانتمومی تک کانال مناسب می‌باشند. در پردازش سیگنال‌های کوانتمومی که مبتنی بر اصول مکانیک کوانتموم می‌باشد، هر صوت و یا تصویر کوانتمومی باید به عنوان یک بردار نرمالیزه^[۳۰] با طول واحد در فضای هیلبرت^[۳۱] تعریف شود، که این بردار باید حاوی اطلاعات تمامی نمونه‌ها و تمامی کانال‌های سیگنال یا تصویر با احتمال برابر باشد که روش‌های مذکور چنین قابلیتی را دارا نمی‌باشند. سهین و یلماز^[۳۲]، نمایش کوانتمومی صدای‌های چندکاناله دیجیتال^[۳۳] (QRMA) با استفاده از

^۱ Real Ket

^۲ Flexible Representation for Quantum Image

^۳ Novel enhanced quantum representation

^۴ Quantum Representation of Digital Audio

^۵ Flexible representation of quantum audio

^۶ Two's complement

^۷ Quantum Representation of Digital Signals

^۸ Normalized

^۹ Hilbert

^{۱۰} Quantum Representation of Multichannel Audio

^{۱۱} Quantum Representation of Multi Wavelength image

^{۱۲} Comprehensive Quantum Representation of Digital Signals

^{۱۳} Qubit layer

^{۱۴} Least Significant qubit

^{۱۵} conventional Least Significant Qubit

^{۱۶} Pseudo MSQb QAS protocol

^{۱۷} Least Significant Fractional Qubit

می‌شوند. سپس مازول‌ها و مدارهای کوانتمومی که در طراحی مدارهای استخراج ویژگی نقش دارند ارائه شده است. در پایان بخش، الگوریتم ماشین بردار پشتیبان کوانتمومی شرح داده خواهد شد.

۱-۲. نمایش سیگنال کوانتمومی

صوت دیجیتال با نمونه‌های مجزا از اطلاعات دامنه و زمان یک سیگنال بیان می‌شود. به همین دلیل، نمایش QRDS از دو دنباله کیوبیت (ثبات) درهم‌تنیده برای ذخیره اطلاعات دامنه و زمان نمونه‌های سیگنال صوتی دیجیتال استفاده می‌کند و تمام نمونه‌های یک سیگنال صوت دیجیتال را در یک حالت برهمنهی توسط دو ثبات کوانتمومی ذخیره می‌کند. در این نمایش، اطلاعات دامنه با استفاده از یک عدد اعشاری $n+1$ کیوبیتی در سیستم مکمل ۲، شامل کیوبیت علامت (پرازش‌ترین کیوبیت دنباله)، m کیوبیت عدد صحیح و $m-n$ کیوبیت اعشاری نشان داده می‌شود. نمایش QRDS با استفاده از رابطه (۴-۱) تعریف می‌شود.

$$|A\rangle = \frac{1}{\sqrt{2^l}} \sum_{t=0}^{2^l-1} |A_t\rangle \otimes |t\rangle \quad (1)$$

$$|t\rangle = |t_0 t_1 \dots t_{l-1}\rangle, t_i \in \{0,1\} \quad (2)$$

$$|A_t\rangle = |A_t^m A_t^{m-1} \dots A_t^0 A_t^{-1} \dots A_t^{m-n}\rangle, S_t^i \in \{0,1\} \quad (3)$$

$$l = \begin{cases} \lceil \log_2 L \rceil, & L > 1 \\ 1, & L = 1 \end{cases} \quad (4)$$

در اینجا $|A_t\rangle$ اطلاعات دامنه یک سیگنال است که یک دنباله $(n+1)$ کیوبیتی در سیستم مکمل ۲ می‌باشد. A_t^m کیوبیت علامت، $A_t^{m-1} \dots A_t^0$ کیوبیت‌های صحیح، $A_t^{-1} \dots A_t^{m-n}$ تعداد $(n-m)$ کیوبیت‌های اعشاری است و همچنین علامت \otimes مبین عملگر تانسوری می‌باشد. علاوه بر این، $|t\rangle$ اطلاعات زمان یک سیگنال با طول l است. به طور کلی، نمایش QRDS از $(1+n+2^l)$ کیوبیت برای ذخیره اطلاعات یک سیگنال صوت کوانتمومی با طول 2^l نمونه در محدوده $-2^m + 1/2^{n-m}, 2^{m-1}/2^{n-m}$ استفاده می‌کند.

نمایش کوانتمومی پیشرفتی جدید NEQR، یکی از نمایش‌های کوانتمومی رایج برای تصویر دیجیتال است که اطلاعات یک تصویر دیجیتال را با استفاده از دو دنباله کیوبیت درهم‌تنیده برای ذخیره مقدار رنگ پیکسل و موقعیت آن‌ها استفاده می‌کند. یک تصویر مقیاس خاکستری (I) با اندازه $2^n \times 2^n$ با استفاده از نمایش NEQR به صورت زیر بیان می‌شود:

$$|I\rangle = \frac{1}{2^n} \sum_{i=0}^{2^{2n}-1} |c_i\rangle \otimes |i\rangle \quad (5)$$

$$|c_i\rangle = |c_i^{q-1} c_i^{q-2} \dots c_i^1 c_i^0\rangle \quad (6)$$

حوزه زمان و فرکانس تقسیم می‌شوند. تاکنون پژوهش‌های انگشت‌شماری در زمینه نهان کاوی سیگنال‌های صوت کوانتمومی در حوزه زمان و فرکانس انجام شده است. چهارلگ و همکاران [۱۲، ۱۴] به منظور نهان کاوی سیگنال‌های صوت کوانتمومی، الگوریتم طبقه‌بندی k -نزدیکترین همسایه کوانتمومی^۱ (QKNN) که از ویژگی‌های آماری در حوزه زمان برای تمایز بین سیگنال‌های صوتی پاک^۲ و گنجانه استفاده می‌کند ارائه کردند. در این روش برای ساخت نهان کاوی کوانتمومی از الگوریتم QKNN و معیار فاصله همینگ^۳ [۱۵] استفاده شده است. روش‌های قبلی از ویژگی‌های حوزه زمان کوانتمومی استفاده می‌کنند که در تشخیص و شناسایی روش‌های نهان کاوی در حوزه فرکانس کوانتمومی کارآمد نخواهد بود. ما در کار پیشین [۱۶]، یک روش نهان کاوی جامع سیگنال‌های صوتی در حوزه فرکانس ارائه کردیم که از الگوریتم طبقه‌بندی گروه کوانتمومی در چهارچوب الگوریتم دویچ جوزا برای تمایز سیگنال‌های صوت کوانتمومی پاک و گنجانه استفاده می‌کند. این مقاله یک روش نهان کاوی جامع صوت کوانتمومی مبتنی بر ویژگی‌های آماری حوزه فرکانس کوانتمومی پیشنهاد می‌کند. برای این منظور ابتدا تبدیل فوریه کوانتمومی^۴ (QFT) به سیگنال‌های صوتی کوانتمومی ورودی اعمال می‌شود. سپس بردارهای ویژگی آماری از شبکه مدار استخراج ویژگی پیشنهادی استخراج می‌شوند. درنهایت، با استفاده از نسخه کوانتمومی الگوریتم SVM، که ماشین بردار پشتیبان کوانتمومی نامیده می‌شود^۵ (QSVM) [۱۷]، صوت پاک و صوت گنجانه از هم متایز می‌شوند.

در ادامه مقاله به شرح زیر ساماندهی شده است. بخش ۲: نمایش سیگنال صوت کوانتمومی QRDS و نمایش کوانتمومی پیشرفتی جدید NEQR مورد استفاده در مقاله، برخی از مازول‌های حسابی کوانتمومی مورد نیاز در روش استخراج ویژگی پیشنهادی و الگوریتم بردار پشتیبان کوانتمومی را معرفی می‌کند. بخش ۳: روش نهان کاوی پیشنهادی که شامل پیاده‌سازی شبکه مدارهای کوانتمومی به منظور استخراج ویژگی‌های آماری در حوزه فرکانس کوانتمومی می‌باشد را ارائه می‌کند. در بخش ۴: نتایج ارزیابی و تجزیه و تحلیل روش پیشنهادی ارائه شده است. این مقاله با نتیجه‌گیری و کار آینده پایان می‌یابد.

۲. پیش‌زمینه

در این بخش ابتدا، نمایش‌های سیگنال کوانتمومی موردنیاز معرفی

¹ Quantum K-Nearest Neighbor

² Clean

³ Hamming Distance Criterion

⁴ Quantum Fourier Transform

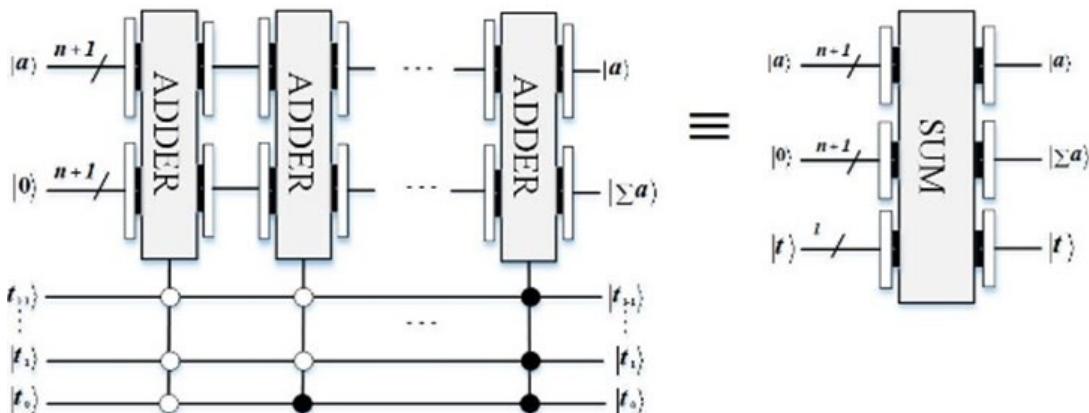
⁵ Quantum Support Vector Machine

در [۸] جهت جمع دو عدد کوانتومی علامتدار معرفی شده‌اند. شبکه مدار کوانتومی و مژول این جمع کننده در شکل (۱) نشان داده شده است. عملکرد این مژول مطابق رابطه (۸) تعریف که در آن اعداد a و b ، اعداد $1 + n$ کیوبیتی علامت‌دار هستند.

$$\text{add}|a\rangle|b\rangle = |a\rangle|a+b\rangle \quad (8)$$

۲-۲-۲. مجموع کوانتومی

مجموع کوانتومی عملیاتی است که برای جمع جبری یک سری از اعداد کوانتومی مانند جمع مقادیر رنگ پیکسل‌های یک تصویر یا جمع مقادیر نمونه‌های یک سیگنال، مورداستفاده قرار می‌گیرد. در [۸] بر اساس مژول جمع معرفی شده در بخش قبل، یک مژول مجموع کوانتومی برای جمع جبری مقادیر نمونه‌های یک سیگنال صوت کوانتومی QRDS ارائه شده است. این مژول در شکل (۲) نشان داده شده است که در آن $|t\rangle = |t_{l-1}...t_1t_0\rangle$ یک دنباله کوانتومی با طول l برای نمایش اطلاعات زمان سیگنال می‌باشد. اطلاعات دامنه نمونه‌های سیگنال صوت کوانتومی با یک دنباله کوانتومی $|A_t\rangle = |A_{n-1}...t_1t_0\rangle$ با طول n برای نشان داده شده است. در این مدار به تعداد 2^l مژول جمع کننده برای محاسبه مجموع $|A_t\rangle$ در 2^l موقعیت زمانی $|t\rangle$ استفاده شده است. همچنین در این پیاده‌سازی $n+1$ کیوبیت کمکی $|0\rangle$ برای ذخیره نتیجه نهایی عملیات مجموع مورد استفاده قرار گرفته است.



شکل (۱). شبکه مدار کوانتومی و مژول محاسبه مجموع مقادیر یک سیگنال QRDS (شکل برگرفته شده از [۸])

عملگر خطی با استفاده از رابطه (۹) بر روی حالت‌های پایه

تعریف می‌شود:

$$QFT|j\rangle = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{K=0}^{N-1} e^{2\pi i h k / N} |k\rangle \quad (9)$$

جای که $\exp(2\pi i j k / N) = \omega_N^{jk}$ و $N = 2^n$. بهطور معادل،

$$c_i^k \in \{0,1\}, \quad k = q-1, q-2, \dots, 1, 0, i \\ = 0, 1, \dots, 2^{2n-1}. \quad (7)$$

در اینجا، c_i مقدار مقیاس خاکستری و $|i\rangle$ موقعیت اطلاعات $|x\rangle$ و $|y\rangle$ پیکسل‌های تصویر ذخیره می‌کند.

۲-۲. مژول‌های حسابی کوانتومی

مژول‌های ریاضی پایه کوانتومی مانند جمع کننده [۱۹، ۱۸، ۸]، مجموع [۱۸، ۸]، مقایسه کننده [۶، ۸]، ضرب کننده [۸، ۱۸]، تقسیم کننده [۲۰، ۸]، قدر مطلق [۱۴] و عملکرد آن‌ها روی سیگنال‌های QRDS بهطور کامل در مراجع مربوطه توضیح داده شده است و به دلیل طولانی شدن مطالب از ذکر آن‌ها در اینجا خودداری شده است. خوانندگان می‌توانند برای آشنایی بیشتر با مدارهای این مژول‌ها به مرجع مربوطه مراجعه کنند. در این زیر بخش تنها عملکرد مژول جمع و مجموع کوانتومی شرح داده شده است.

۲-۲-۲. جمع کوانتومی

مشابه با عملیات جمع کردن کلاسیک، جمع کوانتومی نیز عملیاتی است که برای جمع کردن دو عدد کوانتومی مورداستفاده قرار می‌گیرد. پیاده‌سازی‌های متفاوتی از مدارات کوانتومی برای جمع دو عدد کوانتومی در منابع مختلف ارائه شده است [۱۸، ۸]. با توجه به اینکه در این مقاله از نمایش کوانتومی سیگنال‌های دیجیتال QRDS استفاده شده است، مژول کوانتومی مورداستفاده

۳-۲. تبدیل فوریه کوانتومی

تبدیل فوریه کوانتومی، یک تبدیل یکانی و الگوریتم کوانتومی مؤثر برای انجام تبدیل فوریه از دامنه‌های مکانیک کوانتومی است [۲۱، ۲۲]. تبدیل فوریه کوانتومی بر روی پایه‌های متعامد $|0\rangle, |1\rangle, \dots, |N-1\rangle$ تعریف می‌شود و به صورت یک

عملیات بر روی یک حالت دلخواه به صورت رابطه (۱۰) نوشته می‌شود:

$$QFT(\sum_{j=0}^{N-1} x_j |j\rangle) = \sum_{k=0}^{N-1} X_k |k\rangle = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{k=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{N-1} e^{2\pi i j k / N} |k\rangle \quad (10)$$

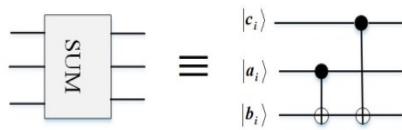
جای که دامنه x_k ، تبدیل فوریه گسسته کلاسیک از دامنه x_j است.

تبدیل فوریه کوانتومی یک عملیات واحد را فقط بر روی حالت‌های پایه انجام می‌دهد و بر روی ضرایب حالت‌های پایه عمل نمی‌کند. شکل (۳) نشان می‌دهد که چگونه QFT بر روی حالت‌های $|0\rangle$ و $|1\rangle$ پایه عمل می‌کند. یک مدار کوانتومی مؤثر برای محاسبه QFT با n کیوبیت در [۲۱] ارائه شده است.

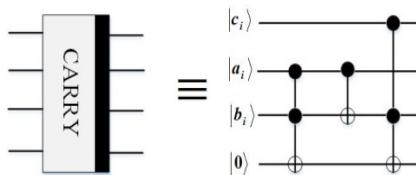
حالت‌های $|1\rangle$ و $|0\rangle$ پایه‌های متعامد برای یک کامپیویتر کوانتومی n -کیوبیتی هستند. در این صورت حالت $|z\rangle$ را می‌توان با استفاده از نمایش باینری

نمایش کرد. این نمایش باینری را می‌توان با استفاده از الگوریتم تبدیل فوریه کوانتومی، تبدیل فوریه کوانتومی را ایجاد می‌کند و اثبات می‌کند که تبدیل فوریه کوانتومی یکانی است. مدار تبدیل فوریه کوانتومی و نمایش ماتریسی دروازه چرخش شرطی R_k که در مدار مورد استفاده قرار گرفته در شکل (۴) و رابطه (۱۲) نمایش داده شده است.

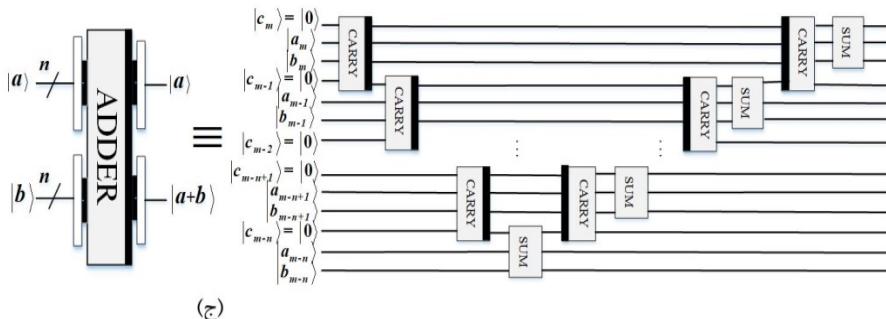
$$\begin{aligned} QFT|j_1, \dots, j_n\rangle &\rightarrow (|0\rangle \\ &+ e^{2\pi i 0 j_n} |1\rangle)(|0\rangle \\ &+ e^{2\pi i 0 j_{n-1} j_n} |1\rangle) \dots (|0\rangle \\ &+ e^{2\pi i 0 j_1 j_2 \dots j_n} |1\rangle)/(2^{n/2}) \end{aligned} \quad (11)$$



(الف)

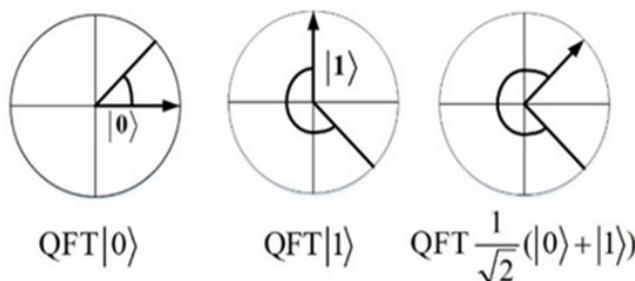


(ب)



(ج)

شکل (۲). مدارهای کوانتومی مازول جمع برای دو عدد علامتدار (الف) مدار جمع (ب) مدار رقم نقلی (ج) شبکه مدار و مازول جمع کوانتومی (شکل برگرفته شده از [۸])

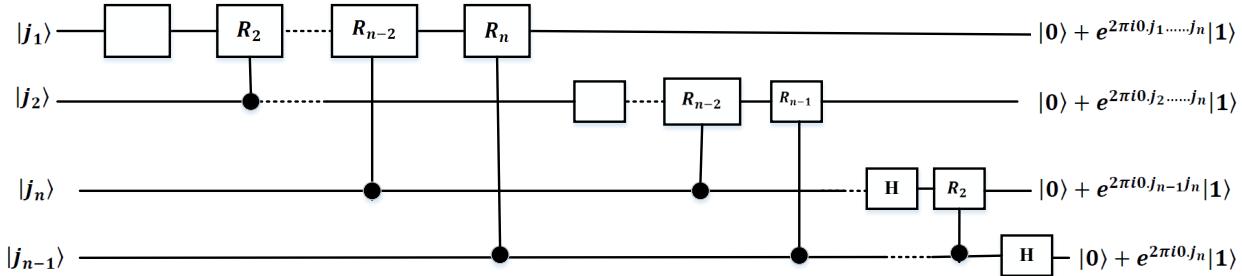


شکل (۳). (شکل برگرفته شده از [۲۳])

نمودار مدار QFT، هر ورودی به یک گیت هادامارد^۱ نیاز دارد، بنابراین یک تبدیل فوریه n کیوبیتی به n گیت هادامارد نیاز دارد. همچنین، ورودی اول به $n - 1$ گیت Controlled-R، ورودی بعدی به $n - 2$ گیت Controlled-R و هر ورودی بعدی دیگر به یک گیت Controlled-R کمتر نیاز دارد. درمجموع تعداد n گیت $n + (n - 1) + \dots + 1 = n(n + 1)/2$ کیوبیت مورد نیاز است. از این رو پیچیدگی محاسباتی مدار $O(n^2)$ است.

$$\arg \max_{(\alpha_i)} \sum_{i=1}^M \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i,j} \alpha_i \alpha_j y_i y_j (x_i^T x_j) \quad (14)$$

$\sum \alpha_i y_i = 0, \forall i \quad 0 \leq \alpha_i \leq C$ subject to



شکل (۴). مدار تبدیل فوریه کوانتومی با $N = 2^n$ ورودی و تبدیل یکانی R_k (شکل برگرفته شده از [۲۱])

$$R_k = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & e^{2\pi i / 2k} \end{bmatrix} \quad (12)$$

لازم به ذکر است که فقط یک زیرمجموعه محدود از α_i ها صفر نیستند و در مرز حاشیه قرار دارد که این α_i ها بردارهای پشتیبان را تعیین می کنند و ابر صفحه جداکننده را مشخص می کنند.

با جایگزینی عبارت $(x_i^T x_j)$ در رابطه (۱۴) باتابع هسته $K(x_i, x_j) = \phi(x_i)^T \phi(x_j)$ یک مرز طبقه‌بندی غیرخطی برای SVM می‌تواند بدست آید. که در این حالت مسئله بهینه‌سازی لاغرانژ برای SVM حاشیه نرم به صورت رابطه (۱۵) خواهد بود.

$$\arg \max_{(\alpha_i)} \sum_{i=1}^M \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i,j} \alpha_i \alpha_j y_i K(x_i, x_j) \quad (15)$$

$$\sum_i \alpha_i y_i = 0, \forall i \quad \alpha_i \geq 0 \quad \text{subject to}$$

شایان ذکر است که فرم دوگانه مسئله بهینه‌سازی SVM با پارامتر α_i یک مسئله درجه چهار است که با استفاده از الگوریتم‌های برنامه‌نویسی درجه دوم می‌تواند به صورت کارآمد حل شود.

نسخه‌ای از بهینه‌سازی SVM که نقش اساسی در محاسبات کوانتومی دارد، ماشین‌های بردار پشتیبان حداقل مربعات (LS-SVM)^۵ است [۲۴]. در LS-SVM، پارامترهای مرز تصمیم به جای مسئله برنامه‌نویسی درجه دوم برای SVM های معمولی، با حل مجموعه‌ای از معادلات خطی بدست می‌آیند. در این

مطابق مدار QFT، هر ورودی به یک گیت هادامارد^۱ نیاز دارد. همچنین، ورودی اول به $n - 1$ گیت Controlled-R، ورودی بعدی به $n - 2$ گیت Controlled-R و هر ورودی بعدی دیگر به یک گیت Controlled-R کمتر نیاز دارد. درمجموع تعداد n گیت $n + (n - 1) + \dots + 1 = n(n + 1)/2$ کیوبیت مورد نیاز است. از این رو پیچیدگی محاسباتی مدار $O(n^2)$ است.

۴-۲. ماشین بردار پشتیبان کوانتومی

ماشین بردار پشتیبان^۲ (SVM) یکی از برجسته‌ترین الگوریتم‌های طبقه‌بندی نظارت شده است که قادر است با دریافت مجموعه M ورودی از بردارهای دارای برچسب $\{x, y\} |x \in \mathbb{R}^N, y \in \{-1, +1\}$. یک ابر صفحه جداکننده بهینه^۳ را آموزش دهد. مساله یادگیری در الگوریتم SVM با به حداقل رساندن فاصله حاشیه بین ابر صفحه جداکننده و نزدیکترین نقاط داده به آن نام بردارهای پشتیبان انجام می‌شود. مسئله بهینه‌سازی SVM با حاشیه‌های نرم^۴ می‌تواند به عنوان مسئله یافتن رابطه (۱۳) مطرح شود.

$$\arg \min_{(w,b)} \left\{ \frac{1}{2} \|w\|^2 + c \sum_{i=1}^m \xi_i \right\} \quad (13)$$

subject to the constraint

$$\forall i \quad y_i(w \cdot x_i - b) \geq 1 - \xi_i, \quad \xi_i \geq 0,$$

که در آن $M \forall i = 1, 2, \dots, M$ بردارهای آموزشی هستند و $y_i \in \{-1, +1\}$ برچسب‌ها می‌باشند. علاوه بر این w یک بردار نرمال برای تصمیم‌گیری ابر صفحه جداکننده و b آفست ابر صفحه می‌باشد. حاشیه از طریق $\frac{2}{\|w\|}$ بدست می‌آیند و در این رابطه پارامتر ξ کوچکترین عدد غیر منفی است که در رابطه

¹ Hadamard

² Support Vector Machine

³ Optimal discriminant hyperplane

⁴ Soft margins

$$\sum_{i=1}^{M+1} \frac{\langle e_i | y \rangle}{\lambda_i} |e_i\rangle \quad (21)$$

بر اساس پایه‌های مجموعه آموزشی، حالت کوانتومی یافتن پارامترهای LS-QSVM به صورت رابطه (۲۲) تعریف می‌شود:

$$|b, \alpha\rangle = \frac{1}{b^2 + \sum_{k=1}^M \alpha_k^2} (b|0\rangle + \sum_{k=1}^M \alpha_k |k\rangle) \quad (22)$$

متعاقباً، برای دسته‌بندی داده جدید $\langle x | b, \alpha \rangle$ به وسیله پارامترهای آموزش دیده $|b, \alpha\rangle$ ، پیاده‌سازی یک اوراکل جستجو^۳ که شامل تمامی داده‌های برچسب دار می‌باشد، مطابق با رابطه (۲۳) موردنیاز خواهد بود.

$$\begin{aligned} |\tilde{u}\rangle &= \frac{1}{(b^2 + \sum_{k=1}^M \alpha_k^2 |x_k|^2)^{\frac{1}{2}}} (b|0\rangle|0\rangle \\ &\quad + \sum_{k=1}^M |x_k| |\alpha_k| |k\rangle |x_k\rangle) \end{aligned} \quad (23)$$

علاوه بر این، یک حالت جستجو به صورت رابطه (۲۴) نیز نیاز خواهد بود.

$$|\tilde{x}\rangle = \frac{1}{M|x|^2 + 1} (|0\rangle|0\rangle + \sum_{k=1}^M |x| |k\rangle |x\rangle) \quad (24)$$

در رابطه فوق حالت $\langle k |$ یک اندیس برای بردارهای مجموعه آموزشی می‌باشد.

نهایتاً، عملیات دسته‌بندی با محاسبه ضرب داخلی $\langle \tilde{x} | \tilde{u} \rangle$ و با انجام تست مبادله^۴ صورت می‌گیرد. برای این منظور ابتدا حالت $p = \frac{1}{\sqrt{2}} (\langle 0 | \tilde{u} \rangle + \langle 1 | \tilde{u} \rangle)$ ایجاد می‌شود و سپس در حالت $\langle \tilde{x} | \tilde{u} \rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} (\langle 0 | \tilde{u} \rangle - \langle 1 | \tilde{u} \rangle)$ اندازه‌گیری می‌شود. برچسب کلاس‌ها نیز بر اساس مقدار P تعیین می‌شوند، اگر مقدار P بزرگتر از $\frac{1}{2}$ باشد داده $\langle x |$ برچسب ۱- می‌گیرد و اگر مقدار P کوچیکتر از $\frac{1}{2}$ باشد داده $\langle x |$ برچسب ۱ می‌گیرد.

۳. طرح نهان کاوی صوت کوانتومی پیشنهادی

روش‌های نهان کاوی، جزء مسائل طبقه‌بندی محسوب می‌شوند که معمولاً با استخراج ویژگی‌هایی خاص از حوزه زمان یا فرکانس سیگنال صوت یا تصویر، و اعمال این ویژگی‌ها به الگوریتم‌های طبقه‌بندی، سعی در آموزش یک طبقه‌بندی جهت حل مسئله نهان کاوی به عنوان یک مسئله طبقه‌بندی دو یا چند کلاسه دارد. نهان کاو پیشنهادی از تبدیل فوریه کوانتومی بر روی سیگنال صوتی ورودی جهت استخراج ویژگی‌های آماری در حوزه فرکانس کوانتومی استفاده می‌کند، سپس با استفاده از ماثول استخراج ویژگی پیشنهادی مبتنی بر ویژگی مشتق مرتبه دوم طیف

$$\text{حالت، مسئله‌ای که باید حل شود مطابق رابطه (۱۶) است:} \\ F(b) = \begin{pmatrix} 0 & 1^T \\ 1 & K + \gamma^{-1} I \end{pmatrix} \begin{pmatrix} b \\ \alpha \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ y \end{pmatrix} \quad (16)$$

در رابطه فوق F یک ماتریس با ابعاد $(M+1) \times (M+1)$ ، $1^T = (1, 1, 1, \dots)^T$ ماتریس هسته و γ^{-1} پارامتر تعیین‌کننده مصالحه بین بهینه‌سازی و دقیقت در الگوریتم LS-SVM می‌باشد. علاوه بر این a و \tilde{a} نیز به ترتیب پارامتری وزن و بایامس برای ابرصفحه جداکننده می‌باشند.

دو روش برای اجرای یک الگوریتم SVM بر روی یک کامپیوتر کوانتومی وجود دارد. روش اول مبتنی بر الگوریتم جستجوی Grover و افزایش سرعت چهار برابر می‌باشد [۲۵]؛ روش دوم نیز براساس الگوریتم HHL [۲۶] و با افزایش سرعت نمایی [۲۷] است. HHL مبتنی بر QSVM، یک الگوریتم کوانتومی برای سیستم‌های معادلات خطی است. در این روش، بردارهای آموزشی کلاسیک x با استفاده از حالت کوانتومی مطابق رابطه (۱۷) بیان می‌شوند:

$$|x\rangle = \frac{1}{\sqrt{|x|}} \sum_{k=1}^N (x)_k |k\rangle \quad (17)$$

در QSVM مبتنی بر الگوریتم HHL، ایده اصلی بر اساس فرمول‌بندی LS-SVM مطابق رابطه است که بازنویسی آن به عنوان حالت کوانتومی به صورت رابطه (۱۸) می‌باشد.

$$\hat{F}|b, \alpha\rangle = y \quad (18)$$

به طوری که:

$$\hat{F} = F / \text{Tr}(F) \text{ with } \|F\| \leq 1. \quad (19)$$

علاوه بر این، پارامترهای b و α می‌توانند با استفاده از الگوریتم وارونگی ماتریس کوانتومی^۱ [۲۶] بدست آورند. الگوریتم QSVM نیاز به شبیه‌سازی ماتریس نمایی $e^{-i\hat{F}\Delta t}$ دارد که می‌تواند در $O(\log N)$ مرحله محقق شود.

علاوه بر این، با نمایش حالت $|y\rangle$ به صورت بردار ویژه $|e_i\rangle$ از \hat{F} و اضافه کردن یک کیوبیت کمکی $|0\rangle$ ، تقریب بردار ویژه λ_i از \hat{F} را می‌توان در کیوبیت کمکی به صورت رابطه (۲۰) ذخیره کرد.

$$|y\rangle|0\rangle \rightarrow \sum_{i=1}^{M+1} \langle e_i | y \rangle |e_i\rangle |\lambda_i\rangle \quad (20)$$

در مرحله بعد باید معکوس مقادیر ویژه با عملگر چرخش کنترل شده^۲ و بدون محاسبه کیوبیت مقادیر ویژه برای به دست آوردن رابطه (۲۱) محاسبه شود.

³ Query oracle

⁴ Swap test

¹ Quantum matrix inversion algorithm

² Controlled rotation

۳-۲. استخراج ویژگی‌های آماری مبتنی بر حوزه فرکانس کوانتومی

مخفی کردن داده‌ها در رسانه‌های دیجیتال مانند صدا و تصویر معمولاً با انجام تغییرات نامحسوس در داده‌های دیجیتال انجام می‌شود. روش‌های مخفی کردن داده‌ها اساساً به دودسته حوزه زمان و حوزه فرکانس تقسیم می‌شوند. در حوزه زمان، تغییر چند نمونه از سیگنال که در آن فرستنده و گیرنده معین فقط از مکان‌های اصلاح شده آگاه هستند به عنوان یک تکنیک است. اما در حوزه فرکانس، تبدیلاتی بر روی صدا یا تصویر انجام می‌شود و سپس برخی یا تمام ضرایب فرکانس تغییر می‌یابند. کارکردن در حوزه فرکانس دارای مزایای مختلفی است. اول اینکه، می‌توان از مدل‌های ادراکی برای افزایش نفوذپذیری روش‌های پنهان‌کردن داده استفاده کرد. ثانیاً، توزیع انرژی تبدیل باعث می‌شود که داده‌ها در سرتاسر سیگنال‌های صوتی بتوانند پنهان شوند. در نهایت اینکه، هنگام کار با صدا یا تصویر فشرده شده، می‌توان تغییرات در حوزه فرکانس را راحت‌تر جاسازی کرد. با وجود استفاده از مزایای روش پنهان‌نگاری حوزه فرکانس و پرکاربرد بودن آنها، این روش‌ها باعث ایجاد تغییرات اجتناب‌ناپذیری در ویژگی‌های آماری سیگنال‌های میزبان می‌شوند که این ویژگی‌های آماری می‌توانند به عنوان ابزاری کارآمد و مؤثر در ساخت یک پنهان کاو جامع و دقیق مورداستفاده واقع شوند.

مشتقات مرتبه دوم، در پردازش تصویر برای تشخیص لبه‌ها، آشکارسازی نقاط مجزا و اطلاعات مهم دیگری بکار می‌رود [۲۸]. در حالی که از این ایده در پردازش صوت برای شناسایی داده‌های مخفی در صوت دیجیتال استفاده می‌شود [۲۹، ۳۰].

مشتقات مرتبه دوم همبستگی سیگنال را حفظ نمی‌کنند، مؤلفه‌های فرکانس پایین و فرکانس میانه سرکوب می‌شوند. در حالی که مؤلفه‌های فرکانس بالا توسعه می‌یابند [۳۰]. به طور کلی، انرژی یک صوت در دامنه فرکانس پایین و فرکانس میانی، متمرکز شده است که باعث می‌شود تغییر مؤلفه‌های فرکانس پایین و فرکانس میانی ناشی از تعییه داده‌ها ناچیز باشد و با تغییر مؤلفه‌های بالای سیگنال بسیار مشهود است. با توجه به اینکه مشتق مرتبه دوم طیف از یک صوت نمایانگر بهتری برای تغییر مؤلفه‌های فرکانس بالا نسبت به صوت اصلی است، ویژگی‌های مبتنی بر مشتق مرتبه دوم طیف استخراج می‌شوند. تا تغییرات معرفی شده توسط تعییه داده‌ها را به تصویر بکشند. بنابراین تفاوت بین صوت پوشش و صوت گنجانه در مؤلفه‌های فرکانس بالا نسبت به سایر مؤلفه‌ها آشکارتر است. به طور کلی نکته کلیدی برای نهان کاوی سیگنال‌های صوت این است که پنهان‌سازی اطلاعات در سیگنال‌های صوتی افزایش چشمگیری در مؤلفه‌های فرکانس بالا طیف ایجاد می‌کند و

کوانتومی، بردارهای ویژگی آماری در حوزه فرکانس استخراج می‌شوند تا توسط الگوریتم ماشین بردار پشتیبان "صوت پاک" و "صوت گنجانه" از هم متمایز شوند. روش نهان کاوی کوانتومی پیشنهادی شامل سه بخش اصلی زیر است:

- آماده‌سازی مجموعه داده صوتی کوانتومی
- استخراج ویژگی آماری مبتنی بر حوزه فرکانس کوانتومی
- طراحی مدارها و مازول کوانتومی برای استخراج ویژگی پیشنهادی
- طبقه‌بند ماشین بردار پشتیبان کوانتومی در ادامه جزئیات هر بخش توضیح داده شده است.

۳-۱. آماده‌سازی دیتاست صوتی کوانتومی

با توجه به اینکه اصولاً هیچ دیتاست آماده‌ای برای سیگنال‌های کوانتومی وجود ندارد، باید دیتاست کوانتومی لازم با تبدیل سیگنال‌های صوتی کلاسیک به فرم سیگنال‌های کوانتومی ایجاد شوند. به منظور تولید دیتاست صوتی کوانتومی، همه نمونه‌های QRDS صوتی دیتاست کلاسیک ابتدا با استفاده از روش نمایش NEQR به سیگنال‌های صوتی کوانتومی تبدیل می‌شوند که این سیگنال‌های کوانتومی دیتاست پاک را تشکیل می‌دهند. در مرحله بعد نیز یک تصویر محramانه کلاسیک با استفاده از نمایش گنجانه تشکیل خواهد شد.

جزئیات تولید دیتاست صوتی کوانتومی را می‌توان به صورت زیر شرح داد:

گام ۱: آماده‌سازی دیتاست صوت کلاسیک و تبدیل آن به فرم کوانتومی با استفاده روش نمایش QRDS و تهییه دیتاست کوانتومی پاک.

گام ۲: آماده‌سازی دیتاست صوت کوانتومی گنجانه از طریق درج داده محramانه کوانتومی در دیتاست صوت کوانتومی پاک با به کارگیری یکی از روش پنهان‌نگاری.

پس از این مراحل، هر نمونه صوتی از مجموعه دیتاست صوتی پاک یا گنجانه به وسیله یک بردار نرمالیزه $(n+1+l)$ بعدی و به صورت $\langle A_t^m \dots A_t^{m-n} t_{l-1} \dots t_0 \rangle$ نمایش داده می‌شود. که در ادامه جهت سهولت نمایش $(n+1+l)$ فرض می‌شود. بنابراین هر سیگنال صوتی بوسیله یک بردار به صورت $\langle A^1 A^2 \dots A^N \rangle$ بیان می‌شود و هر مجموعه داده صوت آموزشی نیز به وسیله N بردار و به صورت $\langle A_1^p \dots A_N^p \rangle$. $p = 1, 2, \dots, L$.

QSC_i مرکزیت طیف کوانتمومی فریم نام است.

۳-۳. طراحی مدارها و مازول کوانتمومی برای استخراج ویژگی پیشنهادی

در روش پیشنهادی، ابتدا تبدیل فوریه کوانتمومی بر روی سیگنال صوتی کوانتمومی وروی جهت استخراج ویژگی‌های آماری در حوزه فرکانس اعمال می‌شود، سپس با توجه به ضرایب اصلی و مهم سیگنال در حوزه فرکانس و با استفاده از مازول‌های استخراج ویژگی پیشنهادی QSC و QSB که به صورت جامع‌تر طیف صوتی کوانتمومی را به تصویر می‌کشد، بردارهای ویژگی آماری در حوزه فرکانس استخراج می‌شوند تا توسط طبقه‌بند ماشین بردار پشتیبان کوانتمومی مورد استفاده قرار گیرند.

برای طراحی و پیاده‌سازی مدارات و مازول استخراج ویژگی مبتنی بر تبدیل فوریه که از ویژگی مشتق مرتبه دوم از ضرایب صوت کوانتمومی (در اینجا QRDS) تشکیل شده، نیاز به مدار و مازول‌های محاسباتی داریم که در کار قبلی [۱۶] ارائه شده است. این مدارات شامل: شبکه‌مدار تبدیل فوریه کوانتمومی بر روی سیگنال QRDS، شبکه‌مدار مربع قدرمطلق کوانتمومی، شبکه مدار ضرب کوانتمومی برای دو مقدار مربع اندازه‌ی دامنه و فرکانس و شبکه‌مدار مجموع مقادیر اندازه‌ی دامنه می‌باشند. عملیات محاسباتی این مدارات به طور کامل در مرجع مربوطه شرح داده شده است.

۳-۳-۱. مدار مرکزیت طیف کوانتمومی

مرکزیت طیف کوانتمومی، میانگین وزنی دامنه طیف فرکانس را تعیین می‌کند. مرکزیت طیف کوانتمومی از تقسیم $\sum_{k=0}^{N-1} |A_i(k)|^2$ (صورت کسر) بر $\sum_{k=0}^{N-1} |c(k)|^2$ (نتایج کسر) به دست می‌آید. برای سهولت عملیات محاسبه تقسیم، صورت و مخرج کسر به ترتیب به صورت $= \langle y |$ تقسیم، $|x\rangle = |x_n \dots x_0\rangle = \sum_{k=0}^{N-1} |c(k)\rangle |A_i(k)|^2$ و $|y\rangle = |y_m \dots y_0\rangle = \sum_{k=0}^{N-1} |c(k)\rangle |A_i(k)|^2$ فرض شده است. عملیات تقسیم کوانتمومی توسط مازول تقسیم کوانتمومی ارائه شده در [۳۲] انجام شده است. مانند حالت کلاسیک، تقسیم کوانتمومی به یک سری عملیات تفیریق گسترش می‌یابد. اطلاعات اضافی در کیوبیت $= |\hat{x}\rangle$ ثبت شود. شبکه‌مدار و مازول تقسیم کوانتمومی در شکل (۵) نشان داده شده است که به صورت مراحل زیر پیاده‌سازی می‌شود. مرحله ۱: در ابتدای این مرحله، حالت $\langle x_n \dots x_0 |$ توسط $n+1$ گیت CNOT به حالت $\langle x'_m \dots x_{m-n} |$ نگاشت می‌شود. پس از آن، حالات $\langle y_0 |$ و $\langle x'_m x_{m-1} \dots x_0 |$ با استفاده از مازول COM [۸] مقایسه می‌شوند. هنگامی که $|\hat{x}\rangle \geq |\hat{y}\rangle$ ، مقدار

می‌توان از این ویژگی برای تشخیص پنهان‌نگاری اطلاعات استفاده کرد. در روش‌های پیشنهادی، از تغییر مؤلفه‌های با فرکانس بالا که توسط جاسازی داده‌ها ایجاد شده است، استفاده می‌شود تا وجود داده‌های پنهان را نشان دهد.

در این پژوهش برای نشان دادن تغییرات معرفی شده از ویژگی‌های مرکزیت طیف کوانتمومی^۱ (QSC) و پهنای باند طیف کوانتمومی^۲ (QSB) استفاده شده است. از آنجایی که دامنه نمونه‌های سیگنال فقط در شاخص زمانی مربوطه آنها ترسیم می‌شود، دنباله $A_i[n] \langle n = 0, 1, \dots, N-1 \rangle$ در معادله زیر دامنه n ام نمونه سیگنال صوت کوانتمومی است که در آن n شاخص زمان یا شماره نمونه و n شماره فریم جاری می‌باشد. همچنین دنباله $A_i[k] \langle k = 0, 1, \dots, N-1 \rangle$ ، دامنه k امین نمونه از ضرایب تبدیل فوریه کوانتمومی (QFT) است که k شاخص فرکانس یا شماره نمونه است.

$$(25) \quad \left\{ \begin{array}{l} |A_i[n]\rangle \\ \langle n = 0, \dots, N-1 \rangle \end{array} \right\} \longrightarrow \left\{ \begin{array}{l} |A_i[k]\rangle \text{ at freq. c[k]} \\ \langle k = 0, \dots, N-1 \rangle \end{array} \right\}$$

مرکزیت طیف، مرکزیت توزیع انرژی طیف نشان می‌دهد و معیاری برای ارزیابی مرکز ثقل با استفاده از اطلاعات فرکانس و اندازه تبدیل فوریه است. از آنجاکه انرژی مؤلفه‌های فرکانس بالا از مشتقات مرتبه دوم از صوت گنجانه بیشتر از صوت پوشش است، این ویژگی باید در طیف صوت گنجانه بیشتر از طیف صوت پوشش باشد. با توجه به فرمول مرکزیت طیف سیگنال صوتی دیجیتال در [۳۱]، QFT را می‌توان به صورت رابطه (۲۶) تعریف کرد.

$$(26) \quad QSC_i = \frac{\sum_{k=0}^{N-1} |c(k)\rangle ||A_i(k)|^2}{\sum_{k=0}^{N-1} ||A_i(k)|^2}$$

در اینجا $|A(K)$ دامنه‌ی تبدیل فوریه از فریم نام از یک صوت و L طول فریم است. فقط نیمی از داده‌ها به دلیل متقاضن بودن طیف محاسبه می‌شوند.

پهنای باند طیف، فاصله میانگین وزنی بین مرکزیت طیف و ضرایب طیف را نشان می‌دهد. پهنای باند طیف صوت گنجانه همیشه بیشتر از صوت پوشش است. با توجه به فرمول پهنای باند طیف سیگنال صوتی دیجیتال در [۳۱]، پهنای باند طیف کوانتمومی را می‌توان به صورت رابطه (۲۷) تعریف کرد.

$$(27) \quad QSB_i = \frac{\sum_{k=0}^{N-1} |(c(k) - QSC_i)^2\rangle ||A_i(k)|^2}{\sum_{k=0}^{N-1} ||A_i(k)|^2}$$

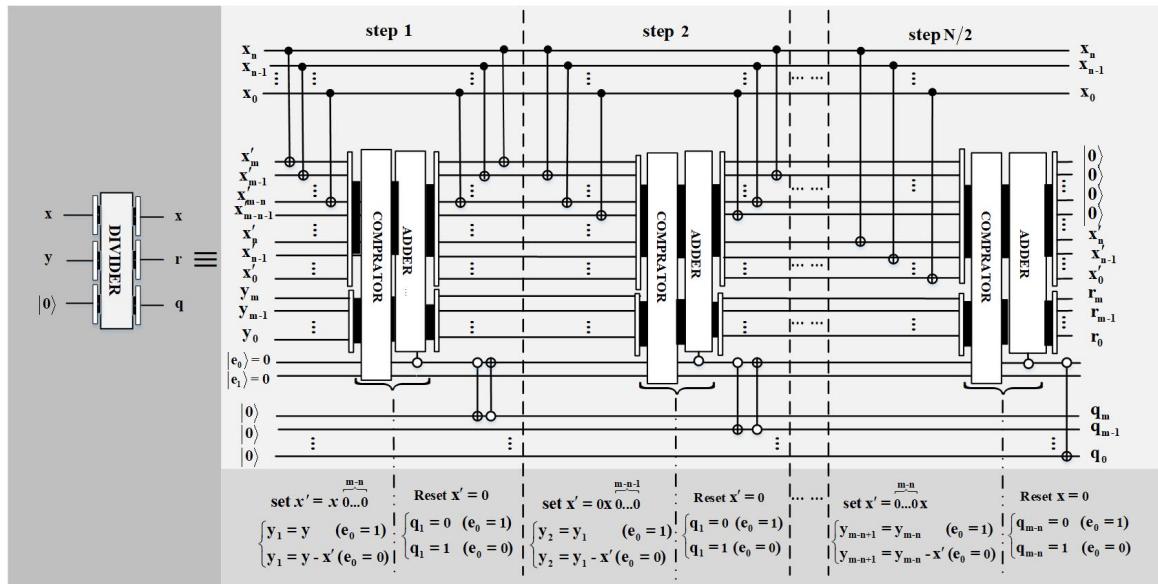
در اینجا $|A(K)$ دامنه‌ی تبدیل فوریه از فریم نام از یک صوت (پوششی یا گنجانه)، N طول فریم، $|c(k)\rangle$ فرکانس و

¹ Quantum Spectral Centroid

² Quantum Spectral Bandwidth

می‌شود. مانند مرحله ۱، $|e_0\rangle = |0\rangle$ تعیین می‌کند که $|x\rangle \geq |y\rangle$ است که در این صورت عملیات تفرق انجام می‌شود. پس از عملیات تفرق، مانند مرحله قبل، اولین گیت CNOT (کنترل شده توسط $|e_0\rangle$) روی کیوبیت $|q_{m-2}\rangle$ اعمال می‌شود تا نتیجه دوم عملیات تقسیم بدست آید و قبل از رفتن به مرحله بعد، دومین گیت CNOT تضمین می‌کند که $|e_0\rangle = |0\rangle$ است. در پایان مرحله ۲، $n+1$ گیت CNOT به طور مشابه برای تنظیم حالت مجدد $n+1$ استفاده می‌شود. با تکرار مراحل بالا، نتیجه مازول DIV شامل خارج قسمت، یعنی $|q\rangle$ و نتیجه تفرق در مرحله آخر یعنی $|r\rangle$ ذخیره می‌شود.

$|e_0\rangle$ خروجی مازول COM برابر $|0\rangle$ می‌شود، بنابراین مازول SUB برای محاسبه تفرق $|x\rangle - |y\rangle$ فعال می‌شود که در مرحله ۲، ورودی مازول COM است. پس از مازول SUB، اولین گیت CNOT (controlled by $|e_0\rangle$) خارج قسمت یا اولین نتیجه تقسیم در کیوبیت $|q_m\rangle$ ذخیره می‌کند. قبل از رفتن به مرحله ۲، دومین گیت CNOT بر روی e_0 تضمین می‌کند که $|e_0\rangle = |0\rangle$ است. همچنین ۱ گیت CNOT دیگر، برای تنظیم مجدد حالت $|x\rangle$ به حالت اولیه آن (دبلاهای از صفرهای ورودی $|0\rangle^{\otimes m}$) استفاده می‌شود تا برای مرحله ۲ آماده‌سازی شود. مرحله ۲: برای مقایسه با نتیجه مرحله ۱، مقدار $|0x\rangle^{\otimes m-1}$ با استفاده از $n+1$ گیت CNOT به کیوبیت $|x\rangle$ اختصاص داده



شکل (۴). مدار کوانتومی پیشنهادی برای محاسبه عملیات تقسیم مربوط به مرکزیت طیف کوانتومی

.QSM

مرحله ۳: محاسب ضرب مقادیر مربع اندازه دامنه و فرکانس با استفاده از مازول MULL

$$\text{مرحله ۴: محاسب مقادیر } \sum_{k=0}^{N-1} c(k) |A_i(k)|^2 \text{ و } \sum_{k=0}^{N-1} |A_i(k)|^2 \text{ . SUM}$$

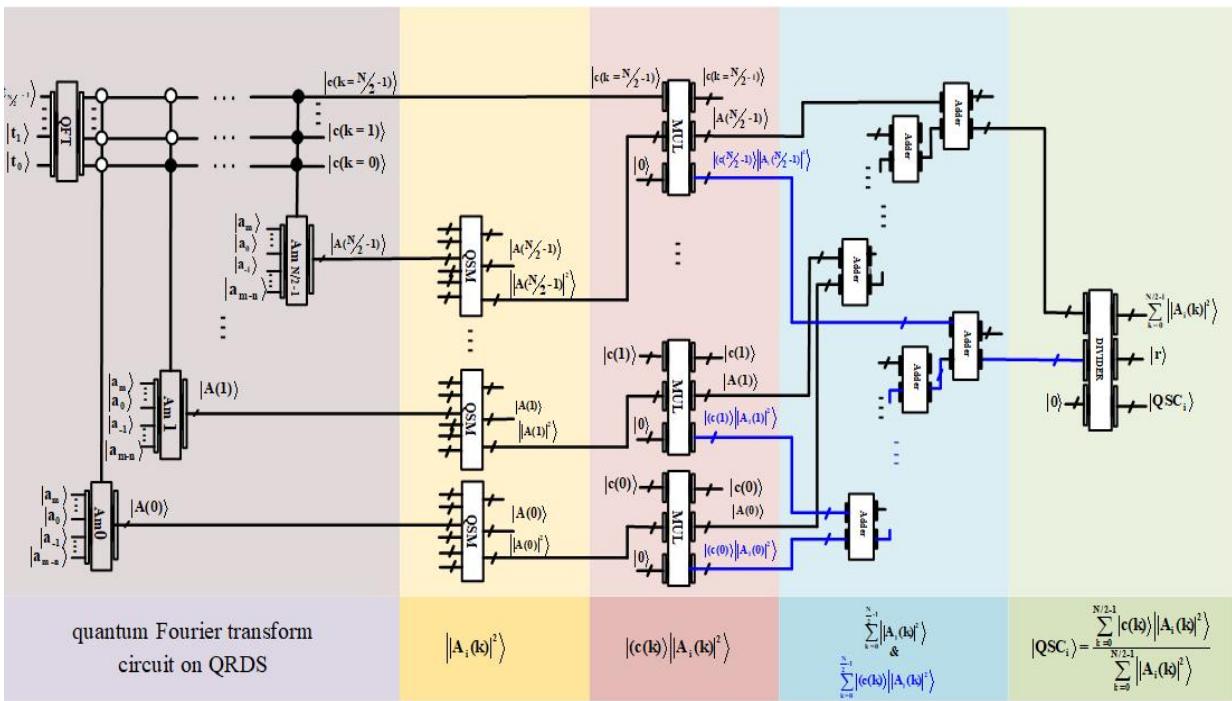
مرحله ۵: اعمال مازول Divider و بدست آمدن مرکزیت طیف

$$\text{کوانتومی } \frac{\sum_{k=0}^{N-1} |c(k)\rangle |A_i(k)|^2}{\sum_{k=0}^{N-1} |A_i(k)|^2}$$

ویژگی QSC تغییر در اجزای فرکانس بالا ناشی از جاسازی داده‌ها را نشان می‌دهد. شبکه‌دار محاسبه مرکز طیفی کوانتومی در شکل (۶) نشان داده شده است. این مدار ویژگی QSC را برای یک فریم از سیگنال صوتی QRDS در پنج مرحله زیر محاسبه می‌کند.

مرحله ۱: محاسبه تبدیل فوریه کوانتومی روی سیگنال QRDS صوتی.

مرحله ۲: محاسبه مربع اندازه دامنه یعنی $(|A(k)|^2)$ توسط مازول

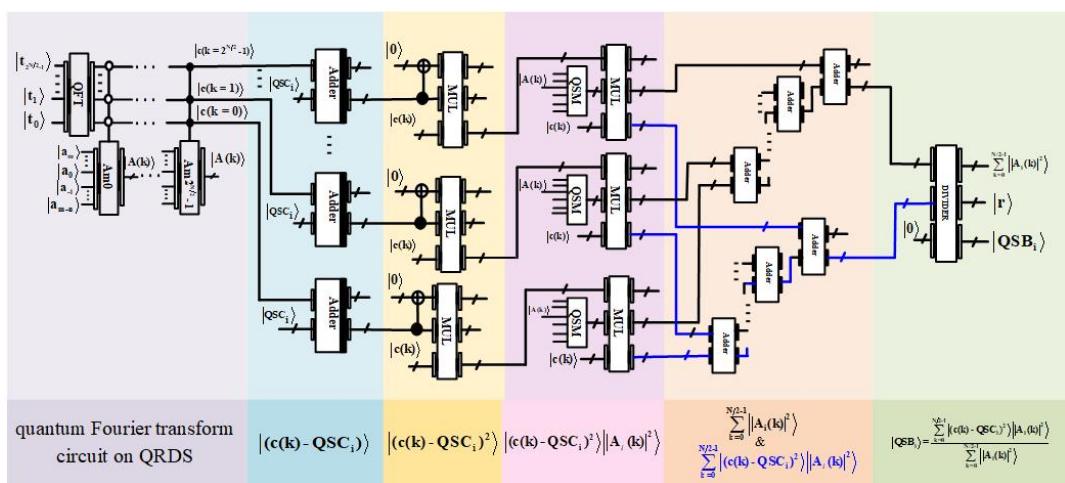


شکل (۵). مدار مرکزیت طیف کوانتومی

مرحله ۳: حاصل ضرب مرحله ۲ در یک کپی از خودش.
مرحله ۴: حاصل ضرب مربع اندازه دامنه یعنی $(|A(k)|^2)$ و نتیجه خروجی
مرحله ۵: محاسبه $\sum_{k=0}^{N/2-1} (c(k) - QSC_i)^2 |A_i(k)|^2$
و $\sum_{k=0}^{N/2-1} |A_i(k)|^2$ با استفاده از مازول SUM .
SUM $= \sum_{k=0}^{N/2-1} |A_i(k)|^2$
 $|QSB_i\rangle = \frac{\sum_{k=0}^{N/2-1} (c(k) - QSC_i)^2 |A_i(k)|^2}{\sum_{k=0}^{N/2-1} |A_i(k)|^2}$ مرحله ۶: محاسبه.

۲-۳-۲. مدار پیشنهادی پهنای باند طیفی کوانتومی

شبکه مدار محاسبه پهنای باند طیفی کوانتومی در شکل (۷) نشان داده شده است. این مدار ویژگی QSB را برای یک فریم از سیگنال صوتی QRDS در مراحل زیر محاسبه می کند.
مراحله ۱: محاسبه تبدیل فوریه کوانتومی روی سیگنال QRDS .
مراحله ۲: محاسبه فاصله بین مرکزیت طیف از فریم t_a و ضریب طیف با استفاده از مازول ADD



شکل (۶). مدار پهنای باند طیف کوانتومی پیشنهادی

جاسازی شده‌اند. با استفاده از مازول‌های استخراج ویژگی پیشنهادی، بردارهای ویژگی آماری حوزه فرکانس کوانتومی: $|QSC|$ و $|QSB|$ ، برای ۲۰۰ فایل صوتی کوانتومی (۱۰۰ فایل صوتی پاک و ۱۰۰ فایل صوتی گنجانه) استخراج شدند. در نهایت، این بردارها به ماشین بردار پشتیبان کوانتومی اعمال می‌شوند.

برای مقایسه ارزیابی عملکرد روش نهان‌کاوی صوتی پیشنهادی با روش‌های قبلی از معیارهای حساسیت^۱ (SE)، ویژگی خاص بودن^۲ (SP)، دقت^۳ (ACC)، و ضرایب همبستگی متیوز^۴ (MCC) استفاده شده است. این معیارها به شرح زیر تعریف می‌شوند:

ضرایب همبستگی متیوز یک ابزار آماری است که برای ارزیابی مدل و اطمینان از طبقه‌بند کننده‌های باینری که نمونه‌ها را به عنوان "مثبت" و "منفی" طبقه‌بندی می‌کنند، استفاده می‌شود. یک ماتریس سردرگمی (ماتریس خط) دارای چهار ورودی است: مثبت واقعی^۵ (TP)، منفی واقعی^۶ (TN)، مثبت کاذب^۷ (FP) و منفی کاذب^۸ (FN). ضرایب همبستگی متیوز به کلاس‌های واقعی و پیش‌بینی شده به عنوان دو متغیر (باینری) اشاره می‌کند. سپس ضریب همبستگی آنها را محاسبه می‌کند، به این معنی که هر چه همبستگی بین مقادیر واقعی و پیش‌بینی شده بیشتر باشد، پیش‌بینی بهتر است. MCC به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$MCC = \frac{TP * TN - FP * FN}{\sqrt{(TP + FP)(TP + FN)(TN + FP)(TN + FN)}} \quad (28)$$

احتمال تشخیص صحیح سیگنال صوتی گنجانه را حساسیت SE می‌نامند و فرمول آن به شرح زیر است:

$$SE = \frac{TP}{TP + FN} \times 100\% \quad (29)$$

احتمال تشخیص صحیح سیگنال صوتی پاک را خاص بودن می‌نامند و به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$SP = \frac{TN}{TN + FP} \times 100\% \quad (30)$$

مقدار میانگین معیار دقت احتمال طبقه‌بندی صحیح را بیان می‌کند که فرمول آن به صورت زیر است:

$$ACC = \frac{TN + TP}{TN + FP + TP + FN} \times 100\% \quad (31)$$

جدول (۱) مقایسه‌ای روش‌های نهان‌کاو صوتی کوانتومی که تاکنون ارائه شده بر اساس چهار شاخص ارزیابی مدل: SE, ACC, SP و MCC را نشان می‌دهد.

۴. طبقه‌بندی کوانتومی

پس از استخراج بردارهای ویژگی از نمونه‌های صوتی کوانتومی، از طبقه‌بند ماشین بردار پشتیبان کوانتومی جهت دسته‌بندی سیگنال‌های صوت کوانتومی استفاده می‌شود. مراحل زیر برای عملیات طبقه‌بندی انجام می‌گیرد.

مرحله ۱: تقسیم دیتابست کوانتومی به دو بخش آموزش و آزمایش (% ۳۰ داده‌های آموزشی و % ۷۰ داده‌های آزمایشی)
مرحله ۲: استفاده از روش استخراج ویژگی‌های پیشنهادی بر روی نمونه‌های آموزش و استخراج ویژگی‌های $|QSC|$ و $|QSB|$ از آن‌ها (بردارهای ویژگی آموزشی).

مرحله ۳: ساختن حالت برهم‌نگاری از بردارهای ویژگی آموزشی.
مرحله ۴: استفاده از روش استخراج ویژگی‌های پیشنهادی بر روی نمونه صوت آزمایشی و استخراج ویژگی‌های $|QSC|$ و $|QSB|$ از آن‌ها (بردارهای ویژگی آزمایشی).

مرحله ۵: اعمال بردار آموزشی و آزمایشی برهم‌نگاری شده به طبقه‌بند QSVM.

مرحله ۶: تکرار مراحل ۴ و ۵ برای همه نمونه‌های آزمایشی.

۵. ارزیابی و تحلیل روش نهان‌کاوی صوت کوانتومی پیشنهادی

باتوجه به اینکه کامپیوترهای کوانتومی در حال حاضر برای استفاده کاربران در دسترس نمی‌باشند. شبیه‌سازی رویکردهای پیشنهادی بر روی کامپیوتر کلاسیک با مشخصات CPU Intel(R) Core(TM) i7-6500U 2.59 GHz ۶۴ بیتی انجام شده است. شبیه‌سازی با استفاده از نرمافزار Matlab 2019b و تولباکس‌های پردازش سیگنال و جبر خطی انجام شده است که در آن از بردارهای مختلط برای شبیه‌سازی حالات کوانتومی و از ماتریس‌های یکانی برای شبیه‌سازی تبدیلات یکانی و عملگرهای کوانتومی استفاده شده است.

در روش پیشنهادی از ۲۰۰ فایل صوتی کلاسیک برای تهیه دیتابست کوانتومی استفاده شده است که برای این منظور این فایل‌ها با فرکانس ۴۴.۱ kHz و با دقت ۱۶ بیت نمونه‌برداری شدند سپس سیگنال‌های صوتی به طول 10^{24} نمونه و به محدوده [۱-۱] پیش‌پردازش شده‌اند. این فایل‌ها به عنوان مجموعه داده سیگنال صوتی میزبان انتخاب شده و با استفاده از نمایش QRDS (با مقادیر $t=10$, $m=4$, $n=7$) به فرمت کوانتومی تبدیل شدند. سپس برای ایجاد پایگاه داده صوت گنجانه، یک تصویر کوانتومی با فرمت NEQR با اندازه 1024×1 ایجاد شد. داده‌های محرومانه در حوزه فرکانس در ۲۰۰ فایل صوتی با استفاده از تکنیک‌های که تاکنون در پنهان‌نگاری صوت کوانتومی ارائه شده، از جمله: LSFQ [۱۱, ۱۲] و pMSFQ4 [۱۴]

¹ Sensitivity

² Specificity

³ Accuracy

⁴ Matthews Correlation Coefficient

⁵ True Positive

⁶ True Negative

⁷ False Positive

⁸ False Negative

جدول (۱). مقایسه ارزیابی روش نهاش کاوی صوت کوانتمی پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۶، ۱۴، ۱۲]

MCC	ACC(%)	SE(%)	SP(%)	FP	FN	TP	TN	روش پنهان‌نگاری	روش نهاش کاوی
۸۶/۰۱	۹۲/۸۹	۹۲/۹۶	۹۲/۶۲	۵	۵	۶۶	۶۷	LSFQ	ارائه شده در [۱۲]
۷۵/۸۹	۸۷/۸۹	۸۸/۷۳	۸۷/۰۵	۹	۸	۶۲	۶۲	LSFQ	ارائه شده در [۱۴]
۹۰/۷۳	۹۵/۱۶	۹۴/۸	۹۵/۹۴	۳	۴	۷۳	۷۱	[۱۱]cLSQ1	ارائه شده در [۱۶]
۹۰/۴۸	۹۵/۱۳	۹۵/۹۴	۹۴/۵۲	۴	۳	۷۱	۶۹	[۱۱]pMSQ4	
۹۳/۸۴	۹۵/۹۷	۹۶	۹۵/۹۴	۳	۳	۷۲	۷۱	LSFQ	
۸۷/۴۶	۹۳/۶۱	۹۲/۸۵	۹۴/۳۶	۴	۵	۶۵	۶۷	[۱۱]cLSQ1	
۸۵/۶۳	۹۲/۸	۹۴/۴۶	۹۱/۱۷	۶	۴	۶۷	۶۲	[۱۱]pMSQ4	ماشین‌بردار پشتیبان کوانتمی (QSVM)
۹۳/۱۲	۹۶/۵۹	۹۶/۰۵	۹۷/۱۸	۲	۳	۷۳	۶۹	LSFQ	

- [6] J. Wang, "QRDA: quantum representation of digital audio," International Journal of Theoretical Physics, vol.55,no.3,pp.1622-164.2016. <https://doi.org/10.1007/s10773-015-2800-2>.
- [7] F. Yan, A. M. Iliyasu, Y. Guo, and H. Yang, "Flexible representation and manipulation of audio signals on quantum computers," Theoretical Computer Science, vol.752,pp.7185,2018.<https://doi.org/10.1016/j.tcs.2017.12.025>.
- [8] P. Li, B. Wang, H. Xiao, and X. Liu, "Quantum Representation and Basic Operations of Digital Signals," International Journal of Theoretical Physics, vol. 57, no. 10, pp. 3242-3270, 2018. <https://doi.org/10.1007/s10773-018-3841-0>.
- [9] E. Şahin and İ. Yilmaz, "QRMA: quantum representation of multichannel audio," Quantum Information Processing, vol. 18 no. 7, p. 209, 2019. <https://doi.org/10.1007/s11128-019-2317-3>.
- [10] J. Chaharlang, M. Mosleh, and S. R. Heikalabad, "Proposing a New and Comprehensive Method for Quantum Representation of Digital Audio Signals," electronics and cyber defense, vol. 8, no. 4, pp. 139-152, 2021.(In Persian)
- [11] K. Chen, F. Yan, A. M. Iliyasu, and J. Zhao, "Exploring the implementation of steganography protocols on quantum audio signals," International Journal of Theoretical Physics, vol. 57, no. 2, pp. 476-494, 2018. <https://doi.org/10.1007/s10773-017-3580-7>.
- [12] J. Chaharlang, M. Mosleh, and S. R. Heikalabad, "A Novel Quantum Audio Steganography–Steganalysis Approach Using LSFQ-Based Embedding and QKNN-Based Classifier," Circuits, Systems, and Signal Processing,pp.1-33,2020. <https://doi.org/10.1007/s00034-020-01345-6>.
- [13] R. Bohme and R. Béohme, Advanced statistical steganalysis. Springer Berlin, 2010. <http://dx.doi.org/10.1007/978-3-642-14313-7>.
- [14] J. Chaharlang, M. Mosleh, and S. Rasouli-Heikalabad, "A novel quantum steganography-Steganalysis system for audio signals," Multimedia Tools and Applications, pp. 1-27, 2020. <https://doi.org/10.1007/s11042-020-08694-z>.
- [15] M. Schuld, I. Sinayskiy, and F. Petruccione, "Quantum computing for pattern classification," in Pacific Rim International Conference on Artificial Intelligence,2014:Springer,pp.208220.<https://doi.org/10.48550/arXiv.1412.3646>.
- [16] S. Norouzi Larki, M. Mosleh, and M. Kheyrandish, "Quantum Audio Steganalysis Based on Quantum Fourier Transform and Deutsch–Jozsa Algorithm ",Circuits, Systems, and Signal Processing, pp. 1-24, 2022. <https://doi.org/10.1007/s00034-022-02208-y>.
- [17] P. Rebentrost, M. Mohseni, and S. Lloyd, "Quantum support vector machine for big data classification," Physical review letters, vol. 113, no. 13, p. 130503, 2014. <https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.113.130503>.
- [18] V. Vedral, A. Barenco ,and A. Ekert, "Quantum networks for elementary arithmetic operations," Physical Review A, vol. 54, no. 1, p. 147, 1996. <https://doi.org/10.1103/PhysRevA.54.147>.
- [19] Y. Takahashi and N. Kunihiro, "A linear-size quantum circuit for addition with no ancillary qubits," Quantum Information & Computation, vol. 5, no. 6, pp. 440-448, 2005.
- [20] S. Tang, "The principle of computer composition," Higher Education Process, Beijing, pp. 258-269, 2008.
- [21] M. A. Nielsen and I. L. Chuang, "Quantum computation and quantum information," American journal of physics, vol. 26, no. 4, pp. 37, 219, 2010.

مطابق جدول (۱) دقت روش پیشنهادی بالاتر از روش‌های [۱۲] و [۱۴] است. این روش بر روی سه مدل پنهان‌نگاری cLSQ1 و pMSQ4 و LSFQ اجرا شده است که بیشترین دقت و MCC رمربوط به روش LSFQ است.

۶. نتیجه‌گیری

استفاده از خواص ذاتی مکانیک کوانتم و به طبع آن قدرت محاسبات کوانتمی دریچه نوینی در حوزه‌های مختلف علمی از جمله پردازش سیگنال، یادگیری ماشین و ارتباطات امن گشوده است که سعی در برطرف کردن کاستی‌های و ناتوانی‌های حوزه کلاسیک دارد. این مقاله تئوری محاسبات، پردازش سیگنال‌های کوانتمی و ارتباطات امن کوانتمی از طریق نهاش کاوی بر بستر شبکه‌های ارتباطی کوانتمی را به عنوان راهکاری نویدبخش بر مشکلات و چالش‌های حوزه کلاسیک ارائه می‌دهد. در این راستا، یک روش نهاش کاو جامع صوت کوانتمی در حوزه فرکانس ارائه شد که از ویژگی‌های مشتق مرتبه دوم از ضرایب طیف صوت کوانتمی، جهت استخراج ویژگی استفاده می‌کند. در نهایت، ویژگی‌های استخراج شده از شبکه‌مدار کوانتمی پیشنهادی به ماشین‌بردار پشتیبان کوانتمی اعمال می‌شود تا صوت پاک را از صوت گنجانه تمایز نماید.

۷. مراجع

- [1] I. Cox, M. Miller, J. Bloom, J. Fridrich, and T. Kalker, "Digital Watermarking and Steganography Morgan Kaufmann Publishers," Amsterdam/Boston, 2008.
- [2] S. E. Venegas-Andraca and S. Bose, "Storing, processing, and retrieving an image using quantum mechanics," in Quantum Information and Computation, 2003, vol. 5105: International Society for Optics and Photonics,pp.137-147. <https://doi.org/10.1117/12.485960>.
- [3] J. Latorre, "Image compression and entanglement," CoRR, vol.abs/quant-ph/0510031,10/04/2005. <https://doi.org/10.48550/arXiv.quant-ph/0510031>.
- [4] P. Q. Le, F. Dong, and K. Hirota, "A flexible representation of quantum images for polynomial preparation, image compression, and processing operations," Quantum Information Processing, vol. 10,no.1,pp.6384,2011. <https://doi.org/10.1007/s11128-010-0177-y>.
- [5] Y. Zhang, K. Lu, Y. Gao, and M. Wang, "NEQR: a novel enhanced quantum representation of digital images," Quantum Information Processing, vol. 12, no.8,pp.2833-2860,2013 .<https://doi.org/10.1007/s11128-013-0567-z>.

- [27] S. Lloyd, M. Mohseni, and P. Rebentrost, "Quantum principal component analysis," *Nature Physics*, vol. 10, no. 9, pp. 631-633, 2014. <https://doi.org/10.1038/nphys3029>.
- [28] R .C. Gonzales and R. E. Woods, "Digital image processing," ed: Prentice hall New Jersey, 2002.
- [29] Q. Liu, A. H. Sung, and M. Qiao, "Temporal derivative-based spectrum and mel-cepstrum audio steganalysis," *IEEE Transactions on Information Forensics and Security*, vol.4,no.3,pp.359-368,2009.
<https://doi.org/10.1109/TIFS.2009.2024718>.
- [30] Y. Wei, L. Guo, Y. Wang, and C. Wang, "A blind audio steganalysis based on feature fusion," *Journal of Electronics (China)*,vol.28,no.3,pp.265-276,2011.
<https://doi.org/10.1007/s11767-011-0567-z>.
- [31] P. Rao, "Audio signal processing," in *Speech ,audio, image and biomedical signal processing using neural networks*: Springer, 2008, pp. 169-189. https://doi.org/10.1007/978-3-540-75398-8_8.
- [32] F. Yan, K. Chen, A. M. Iliyasu, and K. Hirota, "Circuit-based modular implementation of quantum ghost imaging," *IEEE Access*,vol.8,pp.23054-23068,2020.
<https://doi.org/10.1109/ACCESS.2020.2970016>.
- <http://dx.doi.org/10.1080/17445760500355678>.
- [22] A. Galindo and M. A. Martin-Delgado, "Information and computation: Classical and quantum aspects," *Reviews of Modern Physics*, vol. 74, no. 2, p. 347, 2002.
<https://doi.org/10.1103/RevModPhys.74.347>.
- [23] C.-Y. Pang, R.-G. Zhou, B.-Q. Hu, W. Hu, and A .El-Rafei, "Signal and image compression using quantum discrete cosine transform," *Information Sciences*, vol. 473, pp. 121-141, 2019 .
<https://doi.org/10.1016/j.ins.2018.08.067>.
- [24] J. Suykens, "K, and Vandewalle, J,(1999)," Least squares support vector machine classifiers. In: *Neural Processing Letters*,vol.9,pp.293-300.
<https://doi.org/10.1023/A:1018628609742>.
- [25] D. Anguita, S. Ridella, F. Rivieccio, and R. Zunino, "Hyperparameter design criteria for support vector classifiers," *Neurocomputing*, vol. 55, no. 1-2, pp. 109-134, 2003.
[https://doi.org/10.1016/S0925-2312\(03\)00430-2](https://doi.org/10.1016/S0925-2312(03)00430-2).
- [26] A. W. Harrow, A. Hassidim, and S. Lloyd, "Quantum algorithm for linear systems of equations," *Physical review letters*, vol. 103, no. 15, p. 150502, 2009.
<https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.103.150502>.